

# Tentamen SSY043

## Signaler och System, Z2

Examinator: Ants R. Silberberg  
30 augusti 2024 kl. 14:00-18.00

Förfrågningar: Ants Silberberg, Ankn: 1808  
Lösningar: Anslås på Canvas.  
Bedömning: En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt angivet svar ger full poäng. Fullständiga beräkningar skall redovisas.

### Hjälpmittel

- Typgodkänd miniräknare
- Beta Mathematics Handbook
- Errata for Mathematics handbook, 6th edition, 1st printing, 6 sidor
- Fyra sidor (A4) med egna anteckningar. Endast egenproducerade och handskrivna anteckningar. Inga kopior eller 'maskin(dator)skriven' text.

### Betygsgränser

Poäng	0-10	11-15	16-20	21-25
Betyg	U	3	4	5

Lycka till!

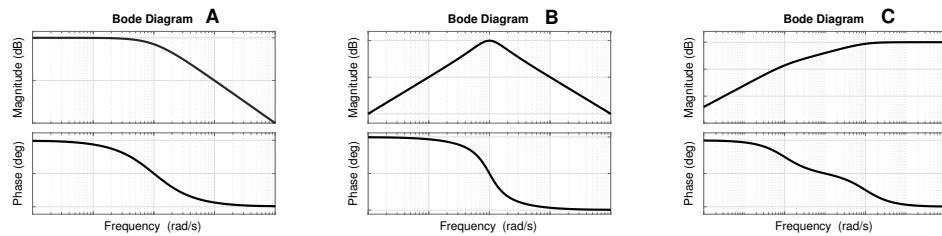
1. a) Tre kontinuerliga system (1,2 och 3) beskrivs på följande sätt

$$1: \quad H_1(s) = \frac{s^2}{s^2 + as + b} \quad (\text{överföringsfunktion})$$

$$2: \quad H_2(s) = \frac{s}{(s + c)(s + d)} \quad (\text{överföringsfunktion})$$

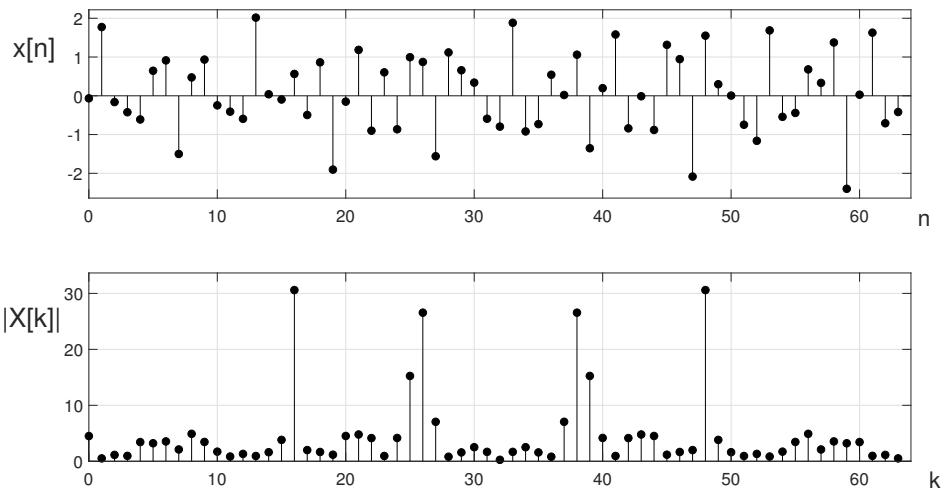
$$3: \quad h_3(t) = e^{-kt}u(t) \quad (\text{impulssvar})$$

Parametrarna  $a, b, c, d$  och  $k$  är positiva reella konstanter. Nedan visas tre frekvenssvär som Bodediagram i figur 1. Vilket diagram hör ihop med vilket av de tre systemen ovan? Para ihop dem! En tydlig motivering krävs för full poäng.  $(3p)$



Figur 1: Tre Bodediagram A, B och C

- b) En kontinuerlig signal samplas med samplingsfrekvensen  $f_s$  Hz och en sekvens med  $N$  st värden erhålls. Man vet att den samplade signalen består av en summa av två olika (reella) sinusformade signaler med frekvenser lägre än  $f_s/2$  men där även något brus adderas. Bestäm frekvenserna på de sinusformade signalerna utifrån figur 2 som visar den insamplade signalen samt absoulutbeloppet av den samplade signalens DFT.  $f_s = 1200$  Hz och  $N = 64$ . (2p)



Figur 2: Samplad signal  $x[n]$  och dess DFT  $|X[k]|$

2. Överföringsfunktionen till ett kontinuerligt och kausalt LTI-system ges av

$$H(s) = \frac{9s + 3.8}{s^2 + 0.8s + 0.12} .$$

- (a) Beräkna systemets impulssvar  $h(t)$ . (4p)  
 (b) Beräkna systemets stegsvar  $y_s(t)$  då  $t \rightarrow \infty$ . (1p)

3. Impulssvaret till ett diskret LTI-system ges av

$$h[n] = (2(0.4)^n + 3(0.1)^n)u[n] .$$

Beräkna utsignalen  $y[n]$  till systemet då insignalen är

$$x[n] = 5(0.2)^n u[n] .$$

(Systemet befinner sig i vila vid  $n < 0$ )  $(5p)$

4. Ett kontinuerligt och kausalt LTI-system beskrivs med differentialekvationen

$$y(t) + \frac{1}{4} \frac{dy(t)}{dt} = x(t)$$

Beräkna systemets utsignal  $y(t)$  då insignalen är

$$x(t) = (e^{-2t} \cos(6t)) u(t) .$$

(Systemet befinner sig i vila vid  $t < 0$ )  $(5p)$

5. En kontinuerlig signal  $x(t) = \sin(\frac{6\pi}{5}t)$  sampelas med ett impulståg<sup>1</sup>  $p(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t - n)$  och bildar en ny signal enligt  $y(t) = p(t)x(t)$ . Därefter filtreras signalen  $y(t)$  genom ett filter med frekvenssvaret

$$H(\omega) = \begin{cases} 1, & |\omega| \leq \frac{3\pi}{2} \\ 0, & \text{för övrigt} \end{cases}$$

Filtrets utsignal betecknas med  $\hat{y}(t)$ . Beräkna utsignalen  $\hat{y}(t)$  och beskriv tydligt hur du kommer fram till ditt resultat.  $(5p)$

---

<sup>1</sup> modell för ideal sampling - multiplikation med ett impulståg