

# Tentamen SSY041 (SSY071)

## Sensorer, Signaler och System, del A, Z2

Examinator: Ants R. Silberberg

26 aug 2013 kl. 14.00-18.00, sal: M

- Förfrågningar: Ants Silberberg, tel. 1808  
Lösningar: Anslås tisdagen den 27 aug på institutionens  
anslagstavla plan 5.  
Resultat: Rapporteras in i Ladok.  
Granskning: Onsdag 11 sept kl. 12.00 - 13.00 , rum 3311.  
Plan 3 i ED-huset (Lunnerummet),  
korridor parallell med Hörsalsvägen.  
Bedömning: En korrekt och välmotiverad lösning med ett tydligt an-  
givet svar ger full poäng.

Hjälpmittel

- Typgodkänd miniräknare
- Beta Mathematics Handbook
- Två (2) A4-sidor med egna anteckningar. Endast egenproducerade och  
handskrivna anteckningar. Inga kopior eller 'maskinskriven' text.

Betygsgränser (ej slutbetyg)

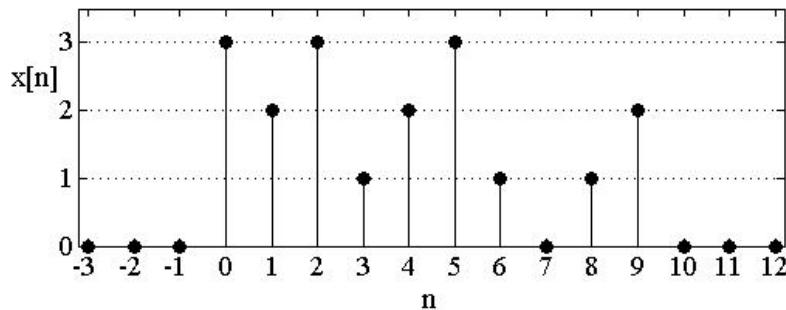
Poäng	0-10	11-15	16-20	21-25
Betyg	U	3	4	5

Lycka till!

1. (a) Är den kontinuerliga signalen  $x(t)$  periodisk? Beräkna i så fall signalens fundamentala period.  $(2p)$

$$x(t) = 2 \cos(10\pi t + \pi/6) + 5\pi \cos(17\pi t - \pi/4)$$

- (b) En diskret signal  $v[n]$  erhålls genom sambandet  $v[n] = x[1 - 2n]$ . Utseendet hos signalen  $x[n]$  ges av figur 1. Signalvärdet som ej visas i figuren kan antas vara noll. Signalen  $v[n]$  utgör sedan insignal till ett diskret system  $H$  med impulssvaret  $h[n] = \delta[n - 2]$ . Beräkna utsignalen  $y[n]$  från system  $H$ .  $(3p)$



Figur 1: Diskret signal.

2. Frekvenssvaret till ett kontinuerligt andra ordningens system ges av <sup>1</sup>

$$H(j\omega) = \frac{\omega_c^2}{\omega_c^2 - \omega^2 + j\sqrt{2} \omega \omega_c}$$

där  $\omega_c$  är en positiv reell konstant.

- (a) Beräkna systemets amplitud och faskarakteristik.  $(3p)$   
 (b) Låt insignalen till systemet vara

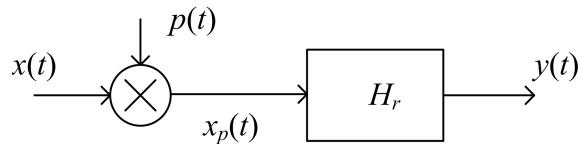
$$x(t) = \frac{4}{\pi} \left( \sin(\omega_0 t) + \frac{1}{3} \sin(3\omega_0 t) \right).$$

Beräkna systemets amplitud och faspåverkan på signalens två sinusformade signaldelar om  $\omega_0 = 200\pi$  och  $\omega_c = 600\pi$ .  $(2p)$

<sup>1</sup> $H(j\omega)$  utgör ett lågpassfilter av Butterworth typ.

3. Den kontinuerliga signalen  $x(t) = 4 \cos(20\pi t)$  sampelas genom multiplikation med ett impulståg  $p(t)$  enligt figur 2 där  $p(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t-nT)$  och  $T = 25$  ms. Det resulterande impulståget har Fouriertransformen  $X_p(j\omega) = \mathcal{F}\{x_p(t)\}$ .
- (i) Vilken är den första (lägsta) positiva frekvens ovanför 10 Hz för vilken  $X_p(j\omega)$  är skild från noll.
  - (ii)  $x_p(t)$  filtreras i ett idealt lågpassfilter  $H_r$ . För vilka värden på detta filtrets brytfrekvens blir utsignalen rent sinusformig?
  - (iii)  $x_p(t)$  filtreras i ett idealt lågpassfilter  $H_r$ . För vilka värden på detta filtrets brytfrekvens blir utsignalen noll?
- (b) Upprepa frågorna i del (a) men nu med sampelintervallet  $T = \frac{1}{12}$  s.

(5p)



Figur 2: System för sampling och rekonstruktion.

4. En kontinuerlig och periodisk signal  $x(t)$  tecknas med den komplexa Fourierserien

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k e^{jk \frac{2\pi}{T} t}$$

Beräkna koefficienterna  $c_k$  för signalen  $x(t)$  om

$$x(t) = \begin{cases} 1.5, & 0 \leq t < 1 \\ -1.5, & 1 \leq t < 2 \end{cases}$$

Signalens fundamentala vinkelfrekvensen  $\omega_0 = \pi$  rad/s. (5p)

5. Studera två olika kontinuerliga signaler  $x_1(t)$  och  $x_2(t)$ . Bestäm relationen mellan konstanterna  $a$  och  $b$  så att de bågge signalernas totala energi blir lika. *(5p)*

$$x_1(t) = e^{-at}u(t) \quad x_2(t) = \text{sinc}(bt)$$

$a, b \in \mathbb{R}$  samt  $a, b > 0$ .